江西省 2017 年中等学校招生考试

数学试题卷

说明: 1.全卷满分 120 分, 考试时间 120 分钟.

2. 请将答案写在答题卡上,否则不给分.

一、选择题(本大题共6个小题,每小题3分,共18分.每小题只有一个正确选项)

1.-6的相反数是()

A.
$$\frac{1}{6}$$
 B. $-\frac{1}{6}$ C. 6 D. -6

2.在国家"一带一路"战略下,我国与欧洲开通了互利互惠的中欧班列.行程最长,途经城 市和国家最多的一趟专列全程长 13000km,将 13000 用科学记数法表示应为()

A. 0.13×10^2

- B. 1.3×10^4 C. 1.3×10^5 D. 13×10^3

- 3.下列图形中,是轴对称图形的是()

В







D



4.下列运算正确的是()

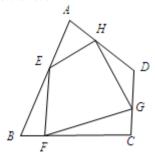
A. $(-a^5)^2 = a^{10}$ B. $2a \cdot 3a^2 = 6a^2$ C. -2a + a = -3a D. $-6a^6 \div 2a^2 = -3a^3$

5.已知一元二次方程 $2x^2-5x+1=0$ 的两个根为 x_1 , x_2 , 下列结论正确的是()

A.
$$x_1 + x_2 = -\frac{5}{2}$$
 B. $x_1 \cdot x_2 = 1$

 $C. x_1, x_2$ 都是有理数 $D. x_1, x_2$ 都是正数

6.如图,任意四边形 ABCD 中, E, F, G, H 分别是 AB, BC, CD, DA 上的点,对于四边 形 EFGH 的形状,某班学生在一次数学活动课中,通过动手实践,探索出如下结论, 其中错误的是()



A.当 E, F, G, H 是各边中点,且 AC=BD 时,四边形 EFGH 为菱形

B.当 E, F, G, H 是各边中点, 且 $AC \perp BD$ 时, 四边形 EFGH 为矩形

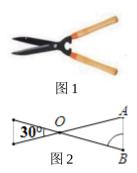
C.当 E,F,G,H 不是各边中点时,四边形 EFGH 可以为平行四边形

D.当 E, F, G, H 不是各边中点时, 四边形 EFGH 不可能为菱形

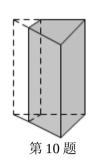
二、填空题(本大题共6小题,每小题3分,满分18分)

7.函数 y=
$$\sqrt{x-2}$$
 中,自变量 x 的取值范围是______.

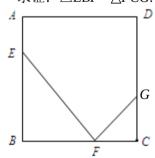
8.如图 1 是一把园林剪刀,把它抽象为图 2,其中 *OA=OB*,若剪刀张开的角为 30°,则 / *A=* 度.



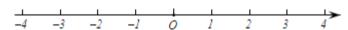




- 9.中国人最先使用负数,魏晋时期的数学家刘徽在"正负术"的注文中指出,可将算筹 (小棍形状的记数工具)正放表示正数,斜放表示负数.如图,根据刘徽的这种表示法, 观察图①,可推算图②中所得的数值为______.
- 10.如图,正三棱柱的底面周长为9,截去一个底面周长为3的正三棱柱,所得几何体的俯视图的周长是_____.
- 11.已知一组从小到大排列的数据: 2, 5, x, y, 2x, 11 的平均数与中位数都是 7, 则这组数据的众数是_____.
- 12.已知点 A(0, 4), B(7, 0), C(7, 4), 连接 AC, BC 得到矩形 AOBC, 点 D 的边 AC 上, 将边 OA 沿 OD 折叠, 点 A 的对应边为 A', 若点 A' 到矩形较长两对边的距离之比为 1: 3,则点 A' 的坐标为_______.
- 三、解答题(本大题共5小题,每小题6分,共30分)
- 13. (1) 计算: $\frac{x+1}{x^2-1} \div \frac{2}{x-1}$;
- (2) 如图,正方形 ABCD 中,点 F , F , G 分别在 AB , BC , CD ,且 $\angle EFG$ =90° , 求证: $\triangle EBF \sim \land FCG$.



14.解不等式组: $\begin{cases} -2x < 6, \\ 3(x-2) \le x - 4, \end{cases}$ 并把解集在数轴上表示出来.



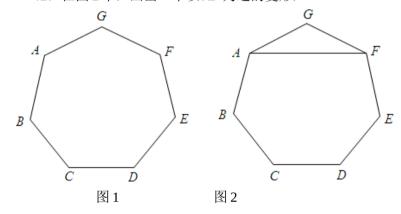
15.端午节那天,小贤回家看到桌上有一盘粽子,其中有豆沙粽、肉粽各1个,蜜枣粽2个,

这些粽子除馅外无其他差别,

- (1) 小贤随机地从盘中取出一个粽子,取出的是肉粽的概率是多少?
- (2) 小贤随机地从盘中取出两个粽子,试用画树状图或列表的方法表示所有可能的结果,并求出小贤取出的两个都是蜜枣粽的概率.

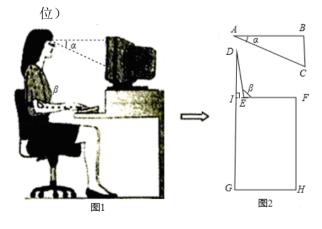
思路分析: (1)直接利用概率公式计算; (2)用树形图或列表法列举出所有可能情况,然后由概率公式计算求得.

- 16.如图,已知正七边形 ABCDEFG,请仅用无刻度的直尺,分别按下列要求画图.
 - (1) 在图1中, 画出一个以AB为边的平行四边形;
 - (2) 在图 2 中, 画出一个以 AF 为边的菱形.



- 17.如图 1,研究发现,科学使用电脑时,望向荧光屏幕画面的"视线角" α 约为 20°,而当手指接触键盘时,肘部形成的"手肘角" β 约为 100°.图 2 是其侧面简化示意图,其中视线 AB 水平,且与屏幕 BC 垂直.
 - (1) 若屏幕上下宽 BC=20cm, 科学使用电脑时, 求眼睛与屏幕的最短距离 AB 的长;
 - (2) 若肩膀到水平地面的距离 DG=100cm,上臂 DE=30cm,下臂 EF 水平放置在键盘
 - 上,其到地面的距离 FH=72cm.请判断此时 β 是否符合科学要求的 100°?

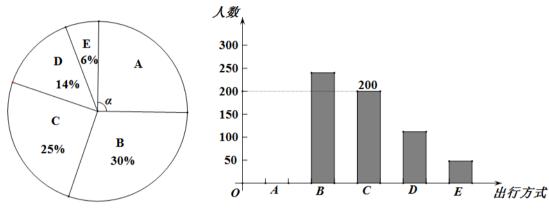
(参考数据:
$$\sin 69^{\circ} \approx \frac{14}{15}$$
 , $\cos 21^{\circ} \approx \frac{14}{15}$, $\tan 20^{\circ} \approx \frac{4}{11}$, $\tan 43^{\circ} \approx \frac{14}{15}$,所有结果精确到个



四、(本大题共3小题,每小题8分,共24分).

18.为了解某市市民"绿色出行"方式的情况,某校数学兴趣小组以问卷调查的形式,随机调查了某市部分出行市民的主要出行方式(参与问卷调查的市民都只从以下五个种类中选择一类),并将调查结果绘制成如下不完整的统计图.

种类	A	В	С	D	E
出行方式	共享单车	行	公交车的	勺士	私家车



根据以上信息,回答下列问题:

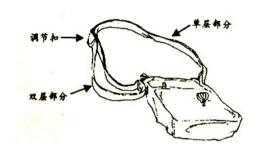
(1)参与本次问卷调查的市民共有_____人,其中选择 B 类的人数有

__人;

- (2) 在扇形统计图中, 求A类对应扇形圆心角 α 的度数, 并补全条形统计图;
- (3) 该市约有 12 万人出行,若将 A, B, C 这三类出行方式均视为"绿色出行"方式,请估计该市"绿色出行"方式的人数.
- 19. 如图,是一种斜挎包,其挎带由双层部分、单层部分和调节扣构成.小敏用后发现,通过调节扣加长或缩短单层部分的长度,可以使挎带的长度(单层部分与双层部分长度的和,其中调节扣所占的长度忽略不计)加长或缩短.设单层部分的长度为 xcm,双层部分的长度为 ycm,经测量,得到如下数据:

单层部分的长度 x(cm)	. 4	•	5 8	10	 150
双层部分的长度 y(cm)	. 73	3 7	2 71		

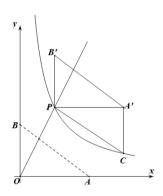
- (1) 根据表中数据的规律,完成以下表格,并直接写出 y 关于 x 的函数解析式;
- (2) 根据小敏的身高和习惯,挎带的长度为 120cm 时,背起来正合适,请求出此时单层部分的长度;
- (3) 设挎带的长度为 lcm, 求 l 的取值范围.



20.如图,直线 $y=k_1x$ $(x\ge0)$ 与双曲线 $y=\frac{k_2}{x}$ (x>0)相交于点 P(2,4).已知点 A(4,0),B(0,3),连接

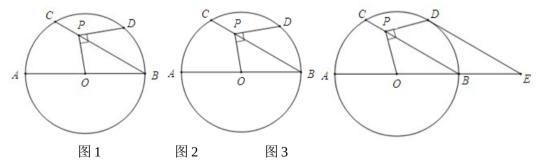
AB,将 $Rt\triangle AOB$ 沿 OP 方向平移,使点 O 移动到点 P,得到 $\triangle A'PB'$.过点 A'作 $A'C||_{V}$ 轴交双曲线于点 C.

- (1) 求 k₁与 k₂的值;
- (2) 求直线 PC 的表达式;
- (3) 直接写出线段 AB 扫过的面积.



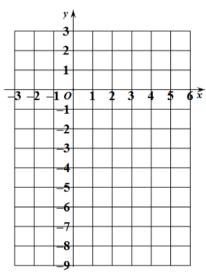
五、(本大题共2小题,每小题9分,共18分).

21.如图 1, \odot O 的直径 AB=12,P 是弦 BC 上一动点(与点 B,C 不重合), $\angle ABC$ =30°,过点 P 作 PD \bot OP 交 \odot O 于点 D.



- (1) 如图 2, 当 *PD* || *AB* 时, 求 *PD* 的长;
- (2) 如图 3,当 $_{DC}$ = $_{AC}$ 时,延长 $_{AB}$ 至点 $_{E}$,使 $_{BE}$ = $\frac{1}{2}AB$,连接 $_{DE}$.
- ①求证: DE 是 $\odot O$ 的切线;
- ②求 PC 的长.

- 22.已知抛物线 C_1 : $y=ax^2-4ax-5(a>0)$.
 - (1) 当 a=1 时,求抛物线与x 轴的交点坐标及对称轴;
 - (2) ①试说明无论 a 为何值,抛物线 C_1 一定经过两个定点,并求出这两个定点的坐标; ②将抛物线 C_1 沿这两个定点所在直线翻折,得到抛物线 C_2 ,直接写出 C_2 的表达式;
 - (3) 若(2) 中抛物线 C_2 的顶点到x轴的距离为2,求a的值.



备用图

六、(本大题共12分)

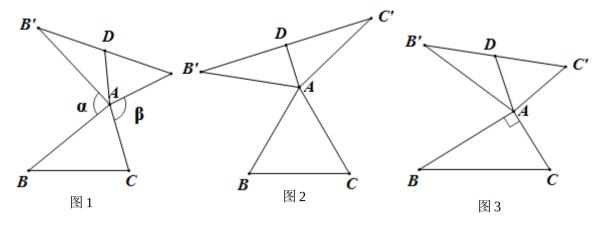
23.我们定义:如图 1,在 $\triangle ABC$ 看,把AB 点 A 顺时针旋转 α (0° $<\alpha$ <180°)得到 AB',把AC 绕点 A 逆时针旋转 β 得到 AC',连接 B'C'.当 α + β =180°时,我们称 $\triangle A'B'C$ '是 $\triangle ABC$ 的"旋补三角形", $\triangle AB'C$ '边 B'C'上的中线 AD 叫做 $\triangle ABC$ 的"旋补中线",点 A 叫做"旋补中心".

特例感知:

- (1)在图 2,图 3 中, $\triangle AB'C'$ 是 $\triangle ABC$ 的"旋补三角形",AD 是 $\triangle ABC$ 的"旋补中心".
 - ①如图 2, 当 $\triangle ABC$ 为等边三角形时,AD 与 BC 的数量关系为 AD=_____BC;
 - ②如图 3, 当 ∠BAC=90°, BC=8 时,则 AD 长为_____.

猜想论证:

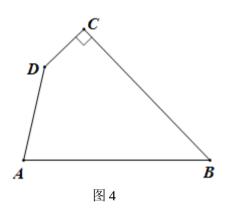
(2) 在图 1 中,当 $\triangle ABC$ 为任意三角形时,猜想 AD 与 BC 的数量关系,并给予证明.



拓展应用:

(3) 如图 4,在四边形 ABCD, $\angle C=90^\circ$, $\angle D=150^\circ$,BC=12, $CD=2\sqrt{3}$,DA=6,.在四

边形内部是否存在点 P,使 $\triangle PDC$ 是 $\triangle PAB$ 的"旋补三角形"?若存在,给予证明,并求 $\triangle PAB$ 的"旋补中线"长,若不存在,说明理由.



江西省 2017 年中等学校招生考试数学参考答案

壱、 选择题

1. C 2. B 3.C 4.A 5.D 6.D

弐、 填空题

7.
$$x \ge 2$$
 8. 75° 9. -3 10.8 11.5 12. ($\sqrt{7}$, 3) 或 ($\sqrt{15}$, 1) 或 ($\sqrt{2\sqrt{3}}$, -2)

三、

13. (1) 解: 原式=
$$\frac{x+1}{(x+1)(x-1)} \cdot \frac{x-1}{2} = \frac{1}{2}$$
.

(2) 证明: : 四边形 ABCD 是正方形,

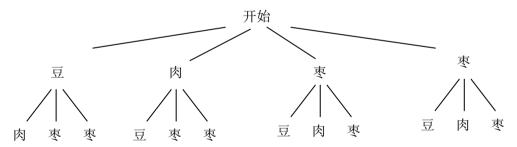
- $\therefore \angle B = \angle C = 90^{\circ}$,
- ::∠*EFG*=90°,
- $\therefore \angle BFE + \angle CFG = 90^{\circ},$
- $\therefore \angle CGF + \angle CFG = 90^{\circ},$
- $\therefore \angle BFE = \angle CGF$,
- $\therefore \triangle EBF \sim \triangle FCG.$
- 14. 解:解不等式①得 x>-3,

解不等式②得 x≤1,

::不等式组的解集为-3<x≤1.

15. 解: (1)
$$P$$
 (取出的是肉粽) = $\frac{1}{4}$;

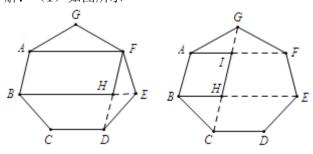
(2) 画黄树状图表示如下:



共有 12 种等可能的结果数,其中两个都是蜜枣粽占 2 种,故 P (取出两个都是蜜枣粽)

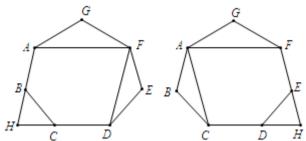
$$=\frac{2}{12}=\frac{1}{6}$$
.

16. 解: (1) 如图所示



四边形 ABHF 是平行四边形或四边形 ABHI 是平行四边形.

(2) 如图所示



四边形 AHDF 是平行四边形或四边形 ACHF 是菱形.

17. 解: (1) :Rt
$$\triangle ABC$$
中, $tan A = \frac{BC}{AB}$,

:
$$AB = \frac{BC}{\tan A} = \frac{BC}{\tan 20^{\circ}} = \frac{20}{\frac{4}{11}} = 55 \text{ (cm)};$$

(2) 延长 FE 交 DG 于点 I.

则 *DI=DG-FH*=100-72=28 (cm).

在 Rt△DEI 中,
$$\sin \angle DEI = \frac{DI}{DE} = \frac{28}{30} = \frac{14}{15}$$
,

∴
$$\sin 69^{\circ} \approx \frac{14}{15}$$
, ∴ ∠DEI=69°,

∴∠β=180° - 69°=111°≠100°,

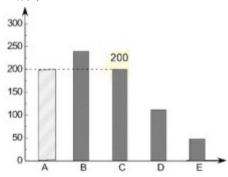
∴此时 β 不是符合科学要求的 100°.

四、

18. 解: (1) 800 240

(2) :1- (14%+6%+25%+30%) =25%,

 $A=360^{\circ}\times25\%=90^{\circ}$,选择 A 出行方式的人数为: $800\times255=200(人)$,补充统计图如下图所示.



(3) ∵120000× (25%+25%+30%) =96000 (人), ∴该市"绿色出行"方式的人数为 96000 人.

19. 解: (1) 70, y 关于 x 的函数解析式 y=-0.5x+75;

(2) 设函数解析式为 y=kx+b, 根据题意得

$$\begin{cases} x + y = 120, & \text{minification } x = 90, \\ x + 2y = 150, & y = 30, \end{cases}$$

所以挎带单层部分的长度为90cm,

- (3)根据题意得 *l=x+y=0.5x+75*,
- $\because 0 \le x \le 150$,
- ∴75cm≤l≤150cm,

即 l 的取值范围为 75cm ≤l ≤150cm.

20.解: (1) :直线 $y=k_1x$ ($x\ge 0$)与双曲线 $y=\frac{k_2}{x}$ (x>0)都经过点 P(2,4).

∴
$$2k_1$$
=4, $\frac{k_2}{2}$ =4, 解得 k_1 =2, k_2 =8,

- (2) : Rt $\triangle AOB$ 沿 OP 方向平移,使点 O 移动到点 P,得到 $\triangle A'PB'$,且点 O 的坐标为 (0,0) ,点 P 的坐标为 (2,4) ,
- \therefore 点A 平移后得到A'的坐标为(6,4),
- ::A'C||y 轴交双曲线于点 C.
- :.点 C 的坐标为 (6, y),

把点 C 代入反比例函数 $y=\frac{8}{x}$ 中,解得 $y=\frac{4}{3}$,

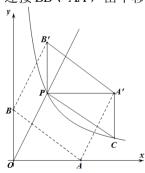
:.点
$$C$$
的坐标为(6, $\frac{4}{3}$),

设直线 PC 的解析式为 y=kx+b, 根据题意得

$$\begin{cases} 2k+b=4, \\ 6k+b=\frac{4}{3}, \end{cases}$$

解得
$$\begin{cases} k = -\frac{2}{3}, \\ b = \frac{16}{3}, \end{cases}$$

- :.直线 *PC* 的表达式为 $y = -\frac{2}{3}x + \frac{16}{3}$.
 - (3) 22.



21. (1) 解: 如答图 1, 连接 OD,

 $::OP \perp PD, PD \parallel AB,$

∴∠*POB*=90°,

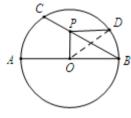
::⊙O的直径 AB=12,

∴*OB=OD=*6,

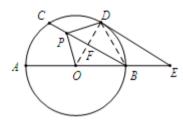
在 Rt△*POB* 中,∠*ABC*=30°,

$$\therefore OP = OB \cdot \tan 30^\circ = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{3} = 2\sqrt{3}.$$

在 Rt
$$\triangle POD$$
中, $PD = \sqrt{OD^2 - OP^2} = \sqrt{6^2 - (2\sqrt{3})^2} = 2\sqrt{6}$.



答图1



答图 2

(2) ①证明: 如答图 2, 连接 OD 交 CB 于点 F, 连接 BD,

$$\therefore DC = AC$$

∴∠*DBC*=∠*ABC*=30°.

∴∠*ABC*=60°.

::OB=OD,

:.**△***OBD* 是等边三角形.

∴OD⊥BF.

∴OF=*FD*.

$$\therefore BE = \frac{1}{2}AB$$
,

∴*OB=BE*.

 $\therefore BF \| ED$.

∴∠ODE=∠OFB=90°.

:.DE 是⊙O 的切线.

②解: 如答图 2, 由①知, OD LBC.

$$\therefore CF = FB = OB \cdot \cos 30^{\circ} = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3}.$$

在 Rt△POD 中, OF=DF,

$$\therefore PF = \frac{1}{2}OD = 3.$$

$$\therefore CP = CF - PF = \frac{1}{3\sqrt{3}} - 3.$$

22. 解: (1) 当 a=1 时,抛物线 C_1 : $y=x^2-4x-5$,

♦ y=0, $⋈ x^2-4x-5=0$,

解得 x_1 = -1, x_2 =5.

:.抛物线与x轴的交点坐标为(-1, 0), (5, 0).

对称轴为x=2.

(2)① 由抛物线 C_1 : $y=ax^2-4ax-5(a>0)$.

可得对称轴为 $x = -\frac{-4a}{2a} = 2$.

令 x=0,则有 y=−5,

:. 抛物线 C_1 过定点 (0, -5).

由抛物线的对称性可知,(0, -5) 关于直线 x=2 的对称点为(4, -5),

:.无论 a 为何值, 抛物线 C_1 一定经过两个定点 (0, -5) 和 (4, -5)

$$@y = -ax^2 - 4ax - 5$$

(3) 当 x=2 时, y=4a-5,

:.抛物线 C_2 的顶点坐标为(2, 4a-5)

当项点到 x 轴的距离为 2, |4a-5|=2

解得
$$a_1 = \frac{7}{4} > 0$$
, $a_2 = \frac{3}{4} > 0$.

六、

23.
$$M$$
: (1) $(1)\frac{1}{2}$; (2) 4.

(2) 猜想:
$$AD = \frac{1}{2}BC$$
.

证明:如答图1,延长AD至E,使DE=AD,连接B'E、CE',

::AD 是 $\triangle ABC$ 的"旋补中线",

∴B'D=CD.

:.四边形 ACED'是平行四边形,

 $\therefore EC' \parallel BA', EC' = BA'.$

 $\therefore \angle AC'E + \angle B'AC' = 180^{\circ}$.

由定义可知∠B'AC'+∠BAC=180°, B'A'=BA, AC=AC',

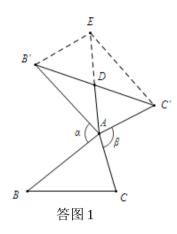
 $\therefore \angle AC'E = \angle BAC$, EC' = BA.

 $\therefore \triangle AC'E \cong \triangle CAB,$

∴AE=BC.

$$\therefore AD = \frac{1}{2}AE$$
,

$$AD = \frac{1}{2}BC$$
.



- (3) 存在,如答图 2,以 AD 为边向四边形 ABCD 的内部作等边 $\triangle PAD$,连接 PB、PC,延长 BP 交 AD 于点 F,则有 $\angle ADP=\angle APD=60^{\circ}$,PA=PD=AD=6.
- ::∠*CDA*=150°,
- ∴∠*CDP*=90°,

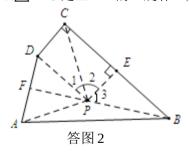
过点P作 $PE \perp BC$ 于点E,

易知四边形 DPEC 是矩形,

 $\therefore CE=PD=6$,

∴tan∠1=
$$\frac{CD}{PD} = \frac{2\sqrt{3}}{6} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$
.

- ∴∠1=30°, ∠2=60°.
- ∴BE=12-6=6=CE.
- $\therefore PC=PB, \angle 3=\angle 2=60^{\circ}.$
- $\therefore \angle APD + \angle BPC = 60^{\circ} + 120^{\circ} = 180^{\circ}$
- \mathbb{Z} PA=PD, PB=PC,
- ∴ $\triangle PDC$ 是△PAB 的"旋补三角形".



- *∴∠DPF*=30°.

∴BF
$$\perp$$
AD, AF= $\frac{1}{2}$ AD=3, PF=3 $\sqrt{3}$.

在Rt
$$\triangle PBE$$
中, $PB=\sqrt{PE^2+BE^2}=\sqrt{CD^2+BE^2}=\sqrt{(2\sqrt{3})^2+6^2}=4\sqrt{3}$.

$$\therefore BF = PB + PF = 7\sqrt{3}.$$

在 Rt△ABF 中, $AB = \sqrt{(7\sqrt{3})^2 + 3^2} = 2\sqrt{39}$.

- ∴ $\triangle PDC$ 是△PAB 的"旋补三角形".
- ... $\triangle PAB$ 的 "旋补中线"长为 $\frac{1}{2}AB = \sqrt{39}$.