

2016 年绍兴市初中毕业生学业考试

数 学

卷 I (选择题)

一、选择题(本大题有 10 小题, 每小题 4 分, 共 40 分, 请选出每小题中一个最符合题意的选项, 不选、多选、错选, 均不给分)

1. -8 的绝对值是

A. 8

B. -8

C. $-\frac{1}{8}$

D. $\frac{1}{8}$

2. 据报道, 目前我国“天河二号”超级计算机的运算速度位居全球第一, 其运算速度达到了每秒 338 600 000 亿次, 数字 338 600 000 用科学记数法可简洁表示为

A. 3.386×10^8

B. 0.3386×10^9

C. 33.86×10^7

D. 3.386×10^9

3. 我国传统建筑中, 窗框(如图 1)的图案玲珑剔透、千变万化.

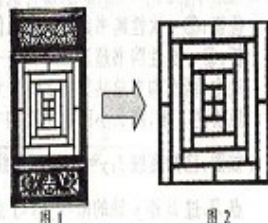
窗框一部分如图 2, 它是一个轴对称图形, 其对称轴有

A. 1 条

B. 2 条

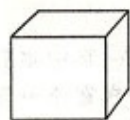
C. 3 条

D. 4 条

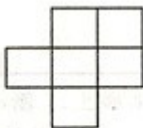


第 3 题图

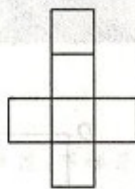
4. 如图是一个正方体, 则它的表面展开图可以是



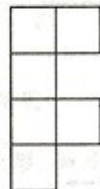
第 4 题图



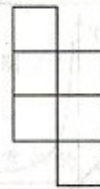
A.



B.



C.



D.

5. 一枚质地均匀的骰子, 其六个面上分别标有数字 1, 2, 3, 4, 5, 6. 投掷一次, 朝上一面的数字是偶数的概率为

A. $\frac{1}{6}$

B. $\frac{1}{3}$

C. $\frac{1}{2}$

D. $\frac{2}{3}$

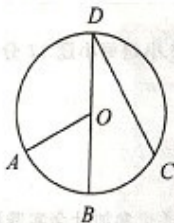
6 如图, BD 是 $\odot O$ 的直径, 点 A, C 在 $\odot O$ 上, $\widehat{AB} = \widehat{BC}$, $\angle AOB = 60^\circ$, 则 $\angle BDC$ 的度数是

A. 60°

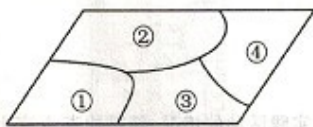
B. 45°

C. 35°

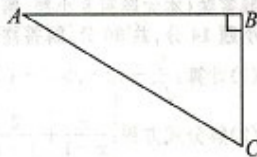
D. 30°



第 6 题图



第 7 题图

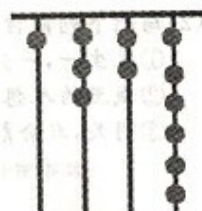


第 8 题图

7. 小敏不慎将一块平行四边形玻璃打碎成如图的四块, 为了能在商店配到一块与原来相同的平行四边形玻璃, 他带了两块碎玻璃, 其编号应该是

为了能在商店配到一块与原来相同的平行四边形玻璃, 他带了两块碎玻璃, 其编号应该是

- A. ①, ② B. ①, ④ C. ③, ④ D. ②, ③
8. 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle B=90^\circ$, $\angle A=30^\circ$. 以点 A 为圆心, BC 长为半径画弧交 AB 于点 D, 分别以点 A, D 为圆心, AB 长为半径画弧, 两弧交于点 E, 连接 AE, DE, 则 $\angle EAD$ 的余弦值是
- A. $\frac{\sqrt{3}}{12}$ B. $\frac{\sqrt{3}}{6}$ C. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D. $\frac{\sqrt{3}}{2}$
9. 抛物线 $y=x^2+bx+c$ (其中 b, c 是常数) 过点 A(2, 6), 且抛物线的对称轴与线段 $y=0$ ($1\leq x\leq 3$) 有交点, 则 c 的值不可能是
- A. 4 B. 6 C. 8 D. 10
10. 我国古代《易经》一书中记载, 远古时期, 人们通过在绳子上打结来量, 即“结绳计数”, 如图, 一位母亲在从右到左依次排列的绳子上打七进一, 用来记录孩子自出生后的天数. 由图可知, 孩子自出生后的天数是
- A. 84 B. 336 C. 510 D. 1326



记录数
结, 满
数是

第 10 题图

卷 II (非选择题)

二、填空题 (本大题有 6 小题, 每小题 5 分, 共 30 分)

11. 分解因式: $a^3 - 9a =$ _____.

12. 不等式 $\frac{3x+13}{4} > \frac{x}{3} + 2$ 的解是 _____.

13. 如图 1, 小敏利用课余时间制作了一个脸盆架, 图 2 是它的截面图, 垂直放置的脸盆与架子的交点为 A, B, $AB=40\text{cm}$, 脸盆的最低点 C 到 AB 的距离为 10cm, 则该脸盆的半径为 _____ cm.

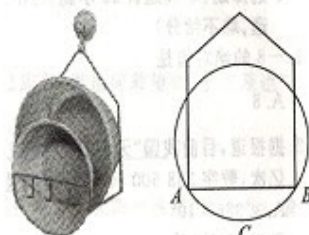


图 1

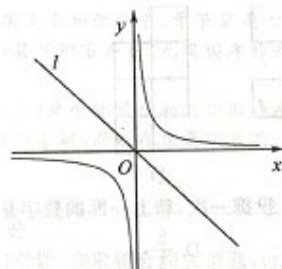
图 2

第 13 题图

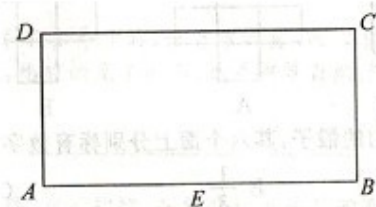
14. 书店举行购书优惠活动: ①一次性购书不超过 100 元, 不享受打折优惠; ②一次性购书超过 100 元但不超过 200 元, 一律按原价打九折; ③一次性购书超过 200 元, 一律按原价打七折. 小丽在这次活动中, 两次购书总共付款 229.4 元, 第二次购书原价是第一次购书原价的 3 倍, 那么小丽这两次购书原价的总和是 _____ 元.

15. 如图, 已知直线 $l: y=-x$, 双曲线 $y=\frac{1}{x}$. 在 l 上取一点 A ($a, -a$) ($a>0$), 过 A 作 x 轴的垂线

交双曲线于点 B, 过 B 作 y 轴的垂线交 l 于点 C, 过 C 作 x 轴的垂线交双曲线于点 D, 过 D 作 y 轴的垂线交 l 于点 E, 此时 E 与 A 重合, 并得到一个正方形 ABCD. 若原点 O 在正方形 ABCD 的对角线上且分这条对角线为 1:2 的两条线段, 则 a 的值为 _____.



第 15 题图



第 16 题图

16. 如图, 矩形 ABCD 中, $AB=4$, $BC=2$, E 是 AB 的中点, 直线 l 平行于直线 EC, 且直线 l 与直线 EC 之间的距离为 2, 点 F 在矩形 ABCD 边上, 将矩形 ABCD 沿直线 EF 折叠, 使点 A 恰好落在直线 l 上, 则 DF 的长为 _____.

三、解答题 (本大题有 8 小题, 第 17-20 小题每小题 8 分, 第 21 小题 10 分, 第 22, 23 小题每小题 12 分, 第 24 小题 14 分, 共 80 分. 解答需写出必要的文字说明、演算步骤或证明过程)

17. (1) 计算: $\frac{5}{\sqrt{5}} - (2 - \sqrt{5})^0 + (\frac{1}{2})^{-2}$.

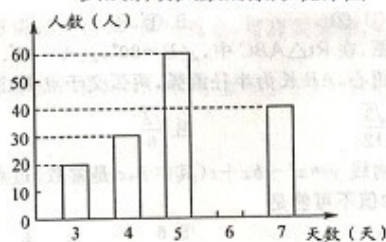
(2) 解分式方程: $\frac{x}{x-1} + \frac{2}{1-x} = 4$.

18. 为了解七年级学生上学期参加社会实践活动的情况, 随机抽查 A 市七年级部分学生参加社会实践活动的天数, 并根据抽查结果制作了如下不完整的频数分布表和条形统计图.

A 市七年级部分学生参加社会实践活动天数的频数分布表

天数	频数	频率
3	20	0.10
4	30	0.15
5	60	0.30
6	a	0.25
7	40	0.20

A 市七年级部分学生参加社会实践活动天数的条形统计图



第 18 题图

根据以上信息, 解答下列问题:

列问题:

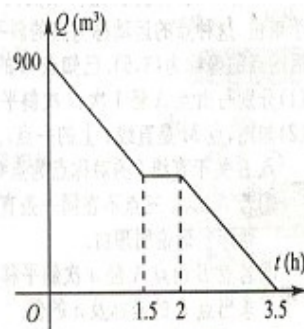
- (1) 求出频数分布表中 a 的值, 并补全条形统计图.
- (2) A 市有七年级学生 20 000 人, 请你估计该市七年级学生参加社会实践活动不少于 5 天的人数.

19. 根据卫生防疫部门要求, 游泳池必须定期换水、清洗. 某游泳池周五早上 8:00 打开排水孔开始排水, 排水孔的排水速度保持不变, 期间因清洗游泳池需要暂停排水, 游泳池的水在 11:30

全部排完. 游泳池内的水量 $Q(m^3)$ 和开始排水后的时间 $t(h)$ 之

间的函数图象如图所示, 根据图象解答下列问题:

- (1) 暂停排水需要多少时间? 排水孔的排水速度是多少?
- (2) 当 $2 \leq t \leq 3.5$ 时, 求 Q 关于 t 的函数表达式.



第 19 题图

20. 如图 1, 某社会实践活动小组实地测量两岸互相平行的一段河的宽度, 在河的南岸边点 A 处, 测得河的北岸边点 B 在其北偏东 45° 方向, 然后向西走 60m 到达 C 点, 测得点 B 在点 C 的北偏东 60° 方向, 如图 2.

(1) 求 $\angle CBA$ 的度数.

(2) 求出这段河的宽 (结果精确到 1m, 备用数据: $\sqrt{2} \approx 1.41$, $\sqrt{3} \approx 1.73$).

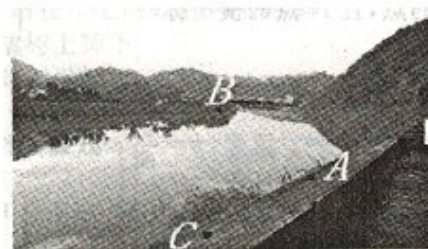


图 1

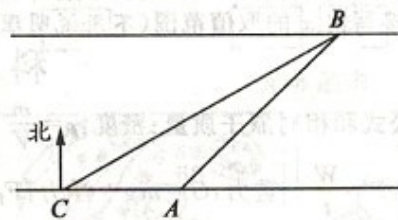


图 2

第 20 题图

21. 课本中有一个例题:

有一个窗户形状如图 1, 上部是一个半圆, 下部是一个矩形, 如果制作窗框的材料总长为 6m, 如何设计这个窗户, 使透光面积最大?

这个例题的答案是: 当窗户半圆的半径约为 0.35m 时, 透光面积的最大值约为 1.05m^2 .

我们如果改变这个窗户的形状, 上部改为由两个正方形组成的矩形, 如图 2, 材料总长仍为 6m 利用图 3, 解答下列问题:

(1) 若 AB 为 1m, 求此时窗户的透光面积.

(2) 与课本中的例题比较, 改变窗户形状后, 窗户透光面积的最大值有没有变大? 请通过计算说明.



图 1



图 2

第 21 题图

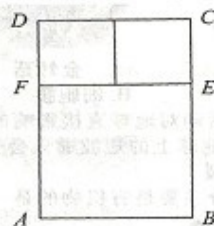
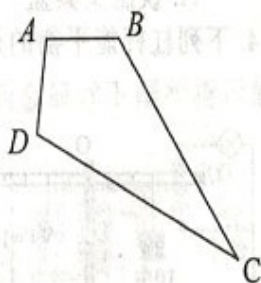


图 3

22. 如果将四根木条首尾相连, 在相连处用螺钉连接, 就能构成一个平面图形.

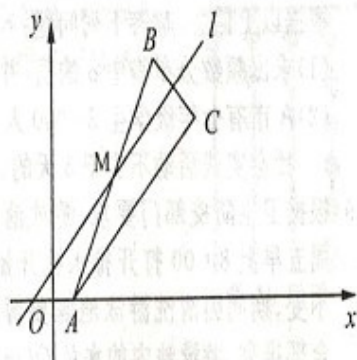
- (1) 若固定三根木条 AB , BC , AD 不动, $AB=AD=2\text{cm}$, $BC=5\text{cm}$, 如图, 量得第四根木条 $CD=5\text{cm}$, 判断此时 $\angle B$ 与 $\angle D$ 是否相等, 并说明理由.
- (2) 若固定二根木条 AB , BC 不动, $AB=2\text{cm}$, $BC=5\text{cm}$, 量得木条 $CD=5\text{cm}$, $\angle B=90^\circ$, 写出木条 AD 的长度可能取到的一个值 (直接写出一个即可).
- (3) 若固定一根木条 AB 不动, $AB=2\text{cm}$, 量得木条 $CD=5\text{cm}$. 如果木条 AD , BC 的长度不变, 当点 D 移到 BA 的延长线上时, 点 C 也在 BA 的延长线上; 当点 C 移到 AB 的延长线上时, 点 A , C , D 能构成周长为 30cm 的三角形, 求出木条 AD , BC 的长度.



第 22 题图

23. 对于坐标平面内的点, 先将该点向右平移 1 个单位, 再向上平移 2 个单位, 这种点的运动称为点的斜平移, 如点 $P(2, 3)$ 经 1 次斜平移后的点的坐标为 $(3, 5)$. 已知点 A 的坐标为 $(1, 0)$.

- (1) 分别写出点 A 经 1 次、2 次斜平移后得到的点的



第 23 题图

坐标.

- (2) 如图, 点 M 是直线 l 上的一点, 点 A 关于点 M 的对称点为点 B , 点 B 关于直线 l 的对称点为点 C

①若 A, B, C 三点不在同一条直线上, 判断 $\triangle ABC$

是否是直角三角形? 请说明理由,

②若点 B 由点 A 经 n 次斜平移后得到 t 且点 C 的坐标

为 $(7, 6)$, 求出点 B 的坐标及 n 的值.

24. 如图, 在矩形 $ABCO$ 中, 点 O 为坐标原点, 点 B 的坐标为 $(4, 3)$, 点 A, C 在坐标轴上, 点 P 在 BC 边上,

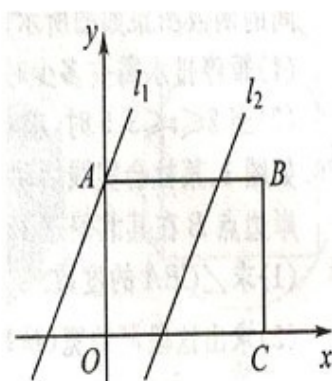
直线 $l_1: y=2x+3$, 直线 $l_2: y=2x-3$

(1) 分别求直线 l_1 与 x 轴、直线 l_2 与 AB 的交点坐标.

(2) 已知点 M 在第一象限, 且是直线 l_2 上的点, 若 $\triangle APM$ 是等腰直角三角形, 求点 M 的坐标.

(3) 我们把直线 l_1 和直线 l_2 上的点所组成的图形称为图形 F .

已知矩形 $ANPQ$ 的顶点 N 在图形 F 上, Q 是坐标平面内的点, 且 N 点的横坐标为 x , 请直接写出 x 的取值范围 (不用说明理由).



第 24 题图

数学试卷参考答案

一、选择题 (本大题有 10 小题, 共 40 分)

- | | | | | |
|------|------|------|------|-------|
| 1. A | 2. A | 3. B | 4. B | 5. C |
| 6. D | 7. D | 8. B | 9. A | 10. C |

二、填空题(本大题有 6 小题,共 30 分)

11. $a(a+3)(a-3)$

12. $x > -3$

13. 25

14. 248 或 296

15. $\sqrt{2}$ 或 $\frac{\sqrt{2}}{2}$

16. $2\sqrt{2}$ 或 $4-2\sqrt{2}$

三、解答题(本大题有 8 小题,第 17~20 小题每小题 8 分,第 21 小题 10 分,第 22,23 小题每小题 12 分,第 24 小题 14 分,共 80 分)

17. (本题满分 8 分)

解: (1) 原式 $= \sqrt{5} - 1 + 4$

$$= \sqrt{5} + 3.$$

(2) 去分母, 得 $x - 2 = 4(x - 1)$,

解得 $x = \frac{2}{3}$,

经检验, $x = \frac{2}{3}$ 是原方程的根.

18. (本题满分 8 分)

解: (1) $a = 20 \div 0.1 \times 0.25 = 50$,

补全条形统计图, 如图.

(2) $20\,000 \times (0.30 + 0.25 + 0.20)$

$$= 15\,000 (\text{人}).$$

19. (本题满分 8 分)

解: (1) 暂停排水时间为 30 分钟(半小时).

 排水孔的排水速度为 $300 \text{ m}^3/\text{h}$.

 (2) 设当 $2 \leq t \leq 3.5$ 时, Q 关于 t 的函数表达式为 $Q = kt + b$,

把 $(2, 450)$, $(3.5, 0)$ 代入得 $\begin{cases} 450 = 2k + b, \\ 0 = 3.5k + b, \end{cases}$

解得 $\begin{cases} b = 1050, \\ k = -300, \end{cases}$

$$\therefore \text{函数表达式为 } Q = -300t + 1050.$$

20. (本题满分 8 分)

 解: (1) 由已知可得 $\angle CAB = 135^\circ$, $\angle BCA = 30^\circ$,

$$\therefore \angle CBA = 180^\circ - (135^\circ + 30^\circ) = 15^\circ.$$

 (2) 过点 B 作 $BD \perp AC$ 于点 D , 设 $BD = x$,

 在 $\text{Rt}\triangle CBD$ 中, $\because \angle BCD = 30^\circ$,

$$\therefore CD = \sqrt{3}BD = \sqrt{3}x,$$

 同理, 在 $\text{Rt}\triangle ABD$ 中, $AD = BD = x$,

$$\therefore AC = CD + AD = (\sqrt{3} + 1)x,$$

由已知得 $(\sqrt{3} + 1)x = 60$,

解得 $x = \frac{60}{\sqrt{3} + 1} \approx 2.73 \times 30 \approx 82$,

$$\therefore \text{河宽约为 } 82 \text{ m}.$$

21. (本题满分 10 分)

解: (1) 由已知得 $AD = \frac{5}{4}$, $\therefore S = \frac{5}{4} \text{ m}^2$.

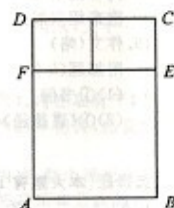
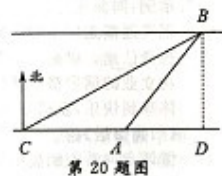
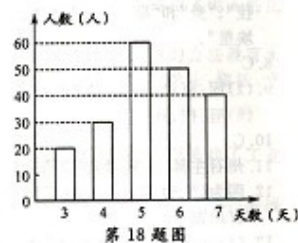
(2) 设 $AB = xm$, 则 $AD = 3 - \frac{7}{4}x$, $\because 3 - \frac{7}{4}x > 0$, $\therefore 0 < x < \frac{12}{7}$.

 设窗户面积为 S , 由已知得

$$S = AB \cdot AD = x(3 - \frac{7}{4}x)$$

$$= -\frac{7}{4}x^2 + 3x = -\frac{7}{4}(x - \frac{6}{7})^2 + \frac{9}{7},$$

当 $x = \frac{6}{7}$ 时, 且 $x = \frac{6}{7}$ 在 $0 < x < \frac{12}{7}$ 的范围内, $S_{\text{最大值}} = \frac{9}{7} \text{ m}^2 > 1.05 \text{ m}^2$,

 $\therefore$ 与课本中的例题比较, 现在窗户透光面积的最大值变大.


22. (本题满分 12 分)

解: (1) 相等.

 如图, 连接 AC , $\because AB=DA=2, BC=CD=5, AC=AC$,
 $\therefore \triangle ABC \cong \triangle ADC$, $\therefore \angle B = \angle D$.

(2) 答案不唯一,

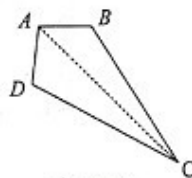
 只要满足 $\sqrt{29}-5 \leq AD \leq \sqrt{29}+5$ 即可, 如 $AD=5\text{cm}$.

 (3) 设 $AD=x\text{cm}, BC=y\text{cm}$, 根据题意得

$$\text{当点 } C \text{ 在点 } D \text{ 的右侧时, } \begin{cases} x+2=y+5, \\ x+(y+2)+5=30, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} x=13, \\ y=10, \end{cases}$$

$$\text{当点 } C \text{ 在点 } D \text{ 的左侧时, } \begin{cases} y=x+5+2, \\ x+(y+2)+5=30, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} x=8, \\ y=15, \end{cases}$$

 此时 $AC=17, CD=5, AD=8$, $\because 5+8 < 17$, $\therefore$ 不合题意.

 $\therefore AD=13\text{cm}, BC=10\text{cm}$.


第 22 题图

23. (本题满分 12 分)

解: (1) (2, 2), (3, 4).

 (2) ① 连结 CM ,

 由中心对称可知, $AM=BM$,

 由轴对称可知, $BM=CM$,

 $\therefore AM=CM=BM$,

 $\therefore \angle MAC = \angle ACM$,

 $\angle MBC = \angle MCB$,

 $\because \angle MAC + \angle ACM + \angle MBC + \angle MCB = 180^\circ$,

 $\therefore \angle ACM + \angle MCB = 90^\circ$,

 $\therefore \angle ACB = 90^\circ$,

 $\therefore \triangle ABC$ 是直角三角形.

 ② 延长 BC 交 x 轴于点 E , 过 C 点作 $CF \perp AE$ 于点 F ,

 $\because A(1, 0), C(7, 6), \therefore AF=CF=6$,

 $\therefore \triangle ACF$ 是等腰直角三角形,

 由①得 $\angle ACE = 90^\circ, \therefore \angle AEC = 45^\circ$,

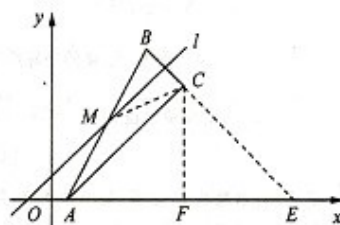
 $\therefore E$ 点坐标为 $(13, 0)$,

 设直线 BE 的解析式为 $y=kx+b$, $\because C, E$ 点在直线上,

$$\begin{cases} 13k+b=0, \\ 7k+b=6, \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} k=-1, \\ b=13, \end{cases} \therefore y=-x+13,$$

 $\because$ 点 B 由点 A 经 n 次斜平移得到,

 $\therefore$ 点 $B(n+1, 2n)$, 由 $2n=-n-1+13$, 得 $n=4$,

 $\therefore B(5, 8)$.


第 23 题图

24. (本题满分 14 分)

 解: (1) $(-\frac{3}{2}, 0), (3, 3)$.

 (2) ① 若点 A 为直角顶点时, 点 M 在第一象限, 连接 AC ,

 如图 1, $\angle APB > \angle ACB > 45^\circ$,

 $\therefore \triangle APM$ 不可能为等腰直角三角形,

 $\therefore$ 点 M 不存在.

 ② 若点 P 为直角顶点时, 点 M 在第一象限, 如图 2,

 过点 M 作 $MN \perp CB$, 交 CB 的延长线于点 N ,

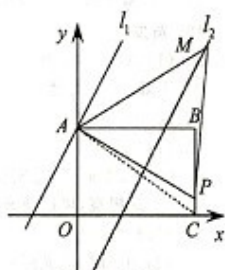
 则 $\text{Rt} \triangle ABP \cong \text{Rt} \triangle PNM$,

 $\therefore AB=PN=4, MN=BP$,

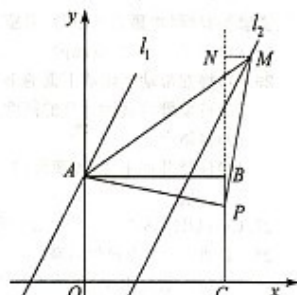
 设 $M(x, 2x-3)$, 则 $MN=x-4$,

 $\therefore 2x-3=4+3-(x-4)$,

$$x=\frac{14}{3}, \therefore M(\frac{14}{3}, \frac{19}{3}).$$



第 24 题图 1



第 24 题图 2

③若点 M 为直角顶点, 点 M 在第一象限,

如图 3,

设 $M_1(x, 2x-3)$,

过点 M_1 作 $M_1G_1 \perp OA$ 于点 G_1 , 交 BC 于点 H_1 ,

则 $\text{Rt}\triangle AM_1G_1 \cong \text{Rt}\triangle PM_1H_1$,

$\therefore AG_1 = M_1H_1 = 3 - (2x-3)$,

$\therefore x+3-(2x-3)=4$,

$\therefore x=2$,

$\therefore M_1(2, 1)$.

设 $M_2(x, 2x-3)$,

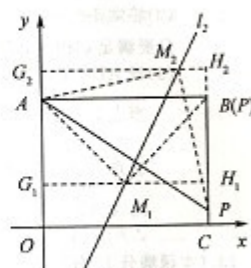
同理可得 $x+2x-3-3=4$,

$\therefore x=\frac{10}{3}$,

$\therefore M_2(\frac{10}{3}, \frac{11}{3})$.

综上所述, 点 M 的坐标可以为 $(\frac{14}{3}, \frac{19}{3})$, $(2, 1)$, $(\frac{10}{3}, \frac{11}{3})$.

(3) x 的取值范围为 $-\frac{2}{5} \leq x < 0$ 或 $0 < x \leq \frac{4}{5}$ 或 $\frac{11+\sqrt{31}}{5} \leq x \leq \frac{18}{5}$ 或 $\frac{11-\sqrt{31}}{5} \leq x \leq 2$.



第 24 题图 3